Klausur Mathematik 2, Teil Wirtschaftsmathematik

Name:

Matrikel-Nr.:

Studiengang:

Prüfer: Prof. Dr. Martin Hulin

Dauer: 90 Minuten gesamt, Wirtschaftsmathematik ca. 45 Minuten

Datum: 8. Juli 2003

Hilfsmittel: Alles ohne programmierbare Taschenrechner

Kennzahlen: 1416 (TM), 1870 (AI)

Dokumentieren Sie Ihren Lösungsweg durch Angabe aller Zwischenschritte, sonst gibt es keine

Punkte!

Lösen Sie die Aufgaben bitte direkt auf dem Aufgabenblatt.

Rückseiten sind bedruckt!

Bewertung:

Aufgabe	1 (10)	2 (17)	3 (23)
Punkte			
Summe			

Aufgaben (Punkte)

1. Sind die folgenden komplexen Zahlen jeweils gleich (Begründung durch Umrechnen)

a)
$$5e^{i\frac{\pi}{3}} = 5 + \frac{5\sqrt{3}}{2}i$$
? (3)

b)
$$2e^{i30^{\circ}} = 2e^{i\frac{25}{6}\pi}$$
? (3)

c)
$$(2e^{i20^{\circ}})^3 = 8e^{i\frac{\pi}{3}}$$
? (4)

- 2. Eine Baugesellschaft hat ein Grundstück von 12 000 m² erworben. Darauf sollen freistehende Häuser, Doppelhaushälften und Mehrfamilienhäuser gebaut werden. Folgende Informationen sind gegeben:
 - Ein freistehendes Haus benötigt 800 m² Grundstücksfläche und 3000 Handwerkerstunden. Beim Verkauf erzielt die Baugesellschaft einen Gewinn von 50000 Euro.
 - Eine Doppelhaushälfte benötigt 400 m² Grundstücksfläche und 2 700 Handwerkerstunden. Beim Verkauf erzielt die Baugesellschaft einen Gewinn von 30 000 Euro.
 - Ein Mehrfamilienhaus benötigt 1 000 m² Grundstücksfläche und 6 000 Handwerkerstunden. Es besteht aus 5 Familienwohnungen. Beim Verkauf erzielt die Baugesellschaft **pro Wohnung** einen Gewinn von 20 000 Euro.
 - Es gibt 20 interessierte Familien für ein freistehendes Haus, 15 interessierte Familien für eine Doppelhaushälfte und 10 interessierte Familien für eine Wohnung im Mehrfamilienhaus.
 - Maximal stehen der Baugesellschaft 55 000 Arbeitsstunden zur Verfügung.
 - Die Gemeinde schreibt eine verdichtete Bauweise vor: Der durchschnittliche Verbrauch an Grundstücksfläche pro Familie darf 500 m² nicht übersteigen.

(3)

Die Baugesellschaft will das Grundstück so auf die verschiedenen Arten von Häusern aufteilen, dass alle Randbedingung eingehalten werden und der Gewinn maximiert wird.

Welche Parameter kann die Baugesellschaft verändern?

					nn ete			de	S	В	ed	eu	tu	ng	g d	es	P	ara	an	1e1	ter	S														
b)	C	iel	er	ı S	Sie	di	e (Ge	w	inı	ıfı	ınl	κti	on	ar	ı																				(3)
		٠		٠	٠	٠		٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠				٠	٠	٠	٠	٠	٠		٠	٠		٠	٠	٠		٠			
	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠		٠			٠	٠		٠	٠	•		٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠		٠	٠	٠		•	•
c)	S	tel	le	n S	Sie	e ei	in	lir	nea	ire	s l	Un	gl	eic	hu	ınş	gss	sys	ste	m	füı	r o	bi	ge	O	pti	m	ier	ur	ıgs	sau	ıfg	ab	e a	uf	.(11)
			٠	٠	٠			٠		٠	٠		٠	٠			٠				٠	٠			٠				٠	٠	٠		٠		•	•
			٠		٠						٠						•				٠	٠			٠				٠		٠				•	
			٠	٠	٠			٠		٠	٠		٠	٠			٠				٠	٠			٠				٠	٠	٠		٠		•	•
							٠						٠			٠										٠						٠				

- 3. Bei einem Quiz wird folgendermaßen gespielt:
 - In der ersten Runde bekommt der Kandidat eine Frage aus seinem Fachgebiet. Wenn er Sie nicht oder falsch beantwortet ist er ausgeschieden und bekommt 0 Euro Gewinn, sonst kommt er in die zweite Runde.
 - In der zweiten Runde bekommt der Kandidat wieder eine Frage aus seinem Fachgebiet.

Wenn er Sie nicht oder falsch beantwortet, ist das Quiz beendet und er bekommt 1000 Euro Gewinn, sonst kommt er in die dritte Runde.

In der dritten Runde bekommt der Kandidat eine letzte Frage aus seinem Fachgebiet.

Wenn er Sie nicht oder falsch beantwortet bekommt er 2000 Euro Gewinn, wenn er auch die letzte Frage richtig beantwortet bekommt er 4000 Euro.

Ein Kandidat, Herr Müller, kann r = 70% der Fragen seines Fachgebietes richtig beantworten. Dies hat er beim Lernen auf das Fachgebiet herausgefunden

a) Berechnen Sie zunächst allgemein in Abhängigkeit von r und dann speziell für r = 70% die Wahrscheinlichkeiten für einen Gewinn von 0 Euro, 1000 Euro, 2000 Euro und 4000 Euro.

	allgemein für r	speziell für r = 70%
p(G = 0 Euro) =		
p(G = 1000 Euro) =		
p(G = 2000 Euro) =		
p(G = 4000 Euro) =		

b))	Fa)	raş) b	ge er	n a	ıbl hn	e (när et. ier	ngt B	t. I er	Die ecl	e E	Dic en	hte Si	efu e o	ınl da	cti rau	on IS	vo de	on n I	G Erv	fi wa	ir 1 rtu	: =	: 70 gsv	0% we	s h	ab de	er s (ı S Ge	ie wi	in nn	A	uf	ga	be	er nte	eil (6)

In der vorigen Aufgabe wurde der Erwartungswert berechnet. Das Ergebnis ist E(G) = 1930. Für die Varianz gilt Var(G) = 2766240. Ein Kandidat darf an diesem Quiz insgesamt n = 10 mal teilnehmen. Der durchschnittliche Gewinn ist wieder eine Zufallsvariable $\overline{G} = \frac{1}{n} (G_1 + G_2 + \dots + G_n)$, wobei die Gi unabhängige Kopien von G sind. \overline{G} ist nach dem zentralen Grenzwertsatz annähernd normalverteilt und es gilt $E(\overline{G}) = E(G) = 1876 \text{ und } Var(\overline{G}) = \frac{1}{n} Var(G) = \frac{2766240}{10} = 276624$ Der Kandidat Müller hat tatsächlich bei seinen 10 Teilnahmen einen Gewinn von 22 000 Euro erzielt, d. h. einen durchschnittlichen Gewinn von 2 200 Euro. Führen Sie einen einseitigen Test für die Hypothese $E(\overline{G}) \le 1930$ durch bei einer Irrtumswahrscheinlichkeit von $\alpha = 0,025$. Sie können dazu die Tabelle der Standardnormalverteilung unten verwenden.

X	$\Phi^{-1}(x,\mu=0,\sigma=1)$	X	$\Phi^{-1}(x,\mu=0,\sigma=1)$
0,025	-1,95996	0,525	0,0627068
0,05	-1,64485	0,55	0,125661
0,075	-1,43953	0,575	0,189118
0,1	-1,28155	0,6	0,253347
0,125	-1,15035	0,625	0,318639
0,15	-1,03643	0,65	0,38532
0,175	-0,934589	0,675	0,453762
0,2	-0,841621	0,7	0,524401
0,225	-0,755415	0,725	0,59776
0,25	-0,67449	0,75	0,67449
0,275	-0,59776	0,775	0,755415
0,3	-0,524401	0,8	0,841621
0,325	-0,453762	0,825	0,934589
0,35	-0,38532	0,85	1,03643
0,375	-0,318639	0,875	1,15035
0,4	-0,253347	0,9	1,28155
0,425	-0,189118	0,925	1,43953
0,45	-0,125661	0,95	1,64485
0,475	-0,0627068	0,975	1,95996
0,5	0		

Tabelle der Umkehrfunktion der Verteilungsfunktion für die Standardnormalverteilung.